

(Thí sinh không được sử dụng tài liệu)

Họ, tên thí sinh:.....SBD.....

PHẦN I: TRẮC NGHIỆM (7 điểm)

Câu 1: Mệnh đề nào sau đây có mệnh đề đảo sai:

- A. Hai vectơ cùng phương thì cùng hướng.
- B. Nếu một số chia hết cho 2 thì chia hết cho 4.
- C. Hai tam giác có diện tích bằng nhau thì bằng nhau.
- D. Một số có tận cùng bằng 0 thì chia hết cho 5.

Câu 2: Phát biểu nào sau đây là mệnh đề?

- A. Trời hôm nay nắng đẹp quá!
- B. Bạn có khỏe không?
- C. Số π không phải là số hữu tỉ.
- D. Hoa Hồng là loài hoa đẹp nhất.

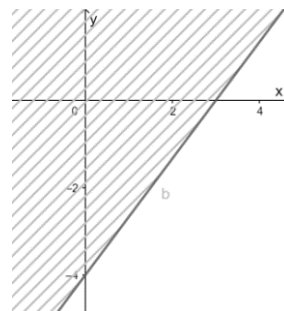
Câu 3: Cho tập hợp $A = \{m, n, p, q, k, h\}$. Số tập hợp con khác nhau của A gồm 2 phần tử là:

- A. 14.
- B. 15.
- C. 12.
- D. 16.

Câu 4: Cho 2 tập hợp $A = (-2; 5); B = [0; 9]$. Tìm $A \cap B$.

- A. $A \cap B = [0; 5)$.
- B. $A \cap B = [5; 9)$.
- C. $A \cap B = (-2; 0)$.
- D. $A \cap B = (-2; 9]$.

Câu 5: Miền không bị gạch chéo kể cả bờ d trong hình vẽ bên biểu diễn cho tập nghiệm của bất phương trình nào sau đây.



- A. $4x - 3y \geq 12$.
- B. $4x - 3y \leq 12$.
- C. $3x - 4y \geq 12$.
- D. $3x - 4y \leq 12$.

Câu 6: Cho tam giác ABC đều cạnh a . Tính độ dài véc tơ $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$

- A. $a\sqrt{3}$.
- B. a .
- C. $a\sqrt{2}$.
- D. $2a$.

Câu 7: Cho góc α thỏa mãn $\sin \alpha = \frac{4}{5}, (90^\circ < \alpha < 180^\circ)$. Giá trị $\cos \alpha$ bằng:

- A. $\frac{3}{5}$.
- B. $-\frac{2}{5}$.
- C. $-\frac{3}{5}$.
- D. $\frac{2}{5}$.

Câu 8: Tính giá trị biểu thức $E = \cos 10^\circ + \cos 20^\circ + \cos 30^\circ + \dots + \cos 170^\circ + \cos 180^\circ$

- A. 1.
- B. -2.
- C. -1.
- D. 2.

Câu 9: Cho tam giác ABC có các cạnh $a=4, b=5$, diện tích $S=5\sqrt{3}$. Tính số đo góc C .

A. $C=60^\circ$.

B. $C=30^\circ$.

C. $C=45^\circ$.

D. $C=90^\circ$.

Câu 10: Cho tam giác ABC có góc A tù. Khi đó, bất đẳng thức nào sau đây đúng?

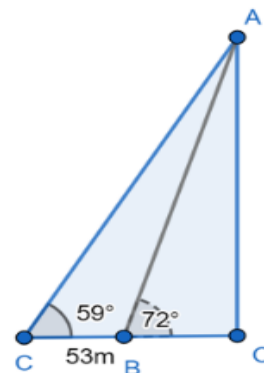
A. $AB^2 + AC^2 < BC^2$.

B. $AB^2 + BC^2 < AC^2$.

C. $BC^2 + AC^2 < AB^2$.

D. $AB^2 + AC^2 = BC^2$.

Câu 11: Nhà Bình và nhà Cấn cách nhau 53m và thẳng hàng với chân O của tòa tháp Vinhomes Park. Từ nhà Bình và Cấn lần lượt nhìn đỉnh A của tháp với góc 59° và 72° (như hình vẽ bên). Hỏi chiều cao OA của tháp gần nhất với số nào sau đây.



A. 192m.

B. 188m.

C. 179m.

D. 198m.

Câu 12: Giá trị lượng giác nào sau đây đúng?

A. $\cos 45^\circ = \frac{1}{2}$.

B. $\tan 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$.

C. $\cot 30^\circ = -\sqrt{3}$.

D. $\sin 90^\circ = 1$.

Câu 13: Giả sử các công thức đã cho đều có nghĩa. Công thức nào sau đây **sai**?

A. $\cot^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$.

B. $\tan \alpha = \frac{1}{\cot \alpha}$.

C. $\cos \alpha = \sin \alpha \cdot \cot \alpha$.

D. $\sin \alpha + \cos \alpha = 1$.

Câu 14: Lan muốn đóng góp quà trung thu cho các cháu thiếu nhi bằng cách mua 2 loại kẹo từ số tiền tiết kiệm 350.000 đồng của mình. Biết kẹo hương dâu giá 32.000đ/ hộp, kẹo hương cam giá 36.000đ/ hộp. Lan đã mua x hộp kẹo hương dâu và y hộp kẹo hương cam. Bất phương trình nào sau đây mô tả điều kiện ràng buộc đối với x, y ?

A. $x + y \geq 35$.

B. $32x + 36y \geq 350$.

C. $32x + 36y \leq 350$.

D. $36x + 32y \leq 350$.

Câu 15: Cho 3 điểm A, B, C bất kì, công thức nào sau đây **sai**?

A. $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{CB}$.

B. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$.

C. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \vec{0}$.

D. $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$.

Câu 16: Cho góc α với $\tan \alpha = 2$. Tính giá trị biểu thức $P = \frac{2\sin \alpha - \cos \alpha}{\sin \alpha + 2\cos \alpha}$

A. $\frac{2}{5}$.

B. $\frac{4}{3}$.

C. $\frac{3}{4}$.

D. $\frac{5}{2}$.

Câu 17: Cho M, N là 2 tập khác rỗng. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $M \cup N \subset M \cap N$.

B. $M \subset M \cup N$.

C. $M \subset N$.

D. $M \subset M \cap N$.

Câu 18: Phủ định của mệnh đề P : “ $\sqrt{5}$ là số vô tỉ” là mệnh đề:

A. $\bar{P}$: “ $\sqrt{5}$ là số tự nhiên”.

B. $\bar{P}$: “ $\sqrt{5}$ là số nguyên”.

C. $\bar{P}$: “ $\sqrt{5}$ là số hữu tỉ”.

D. $\bar{P}$: “ $\sqrt{5}$ là số thực”.

Câu 19: Cho tam giác ABC có các cạnh $AB=c, BC=a, AC=b$, R là bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác. Công thức nào sau đây **sai**?

A. $\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin C}{c}$.

B. $a = 2R \cdot \sin A$.

C. $\frac{a}{\sin B} = \frac{b}{\sin A}$.

D. $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$.

Câu 20: Bất phương trình nào sau đây **không** phải bất phương trình bậc nhất 2 ẩn?

A. $2x + 3xy \leq 3$.

B. $2x \geq 3$.

C. $x + y > 5$.

D. $3x + 2 \leq 5y$.

Câu 21: Cho góc α thỏa mãn $90^\circ < \alpha < 180^\circ$. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $\tan \alpha > 0$.

B. $\sin \alpha > 0$.

C. $\cot\left(\frac{\alpha}{2}\right) < 0$.

D. $\cos(\alpha - 90^\circ) < 0$.

Câu 22: Tính diện tích tam giác có độ dài các cạnh là 13, 14 và 15.

A. $84\sqrt{2}$.

B. $84\sqrt{3}$.

C. 168.

D. 84.

Câu 23: Tính số học sinh lớp 10A biết lớp có 21 em thích cờ vua, 18 học em bóng bàn, 26 em thích vẽ, 14 em thích cờ vua và bóng bàn, 12 em thích bóng bàn và vẽ, 15 em thích cờ vua và vẽ, 9 em thích cả 3 môn và còn lại 10 em không thích môn nào.

A. 34.

B. 41.

C. 43.

D. 33.

Câu 24: Cho hình vuông $ABCD$ cạnh a , đẳng thức nào sau đây **sai**?

A. $|\overline{AB}| = a$

B. $\overline{AC} = \overline{BD}$

C. $|\overline{AC}| = a\sqrt{2}$

D. $\overline{BC} = \overline{AD}$

Câu 25: Hai xe xuất bến cùng lúc, xe đi hướng nam vận tốc 65km/h , xe đi hướng tây vận tốc 52km/h . Hỏi 2 xe cách nhau khoảng bao xa sau 2 giờ?

A. 166km.

B. 234km.

C. 117km.

D. 83km.

Câu 26: Cho tam giác ABC vuông tại $A, AB=2, AC=3$. Tính độ dài véc tơ $\overline{AB} + \overline{CB}$.

A. 5.

B. 6.

C. $2\sqrt{10}$.

D. $5\sqrt{3}$.

Câu 27: Viết lại tập hợp $B = \{(-1)^n \mid n \in \mathbb{N}\}$ bằng cách liệt kê phần tử, ta được:

A. $B = \{1\}$.

B. $B = \{-1\}$.

C. $B = \{-1; 0; 1\}$.

D. $B = \{-1; 1\}$.

Câu 28: Cho α và β là 2 góc bù nhau, đẳng thức nào sau đây **sai**?

A. $\cos \alpha = \cos \beta$.

B. $\sin \alpha = \sin \beta$.

C. $\alpha + \beta = 180^\circ$.

D. $\tan \alpha = -\tan \beta$ ($\alpha, \beta \neq 90^\circ$).

Câu 29: Tập hợp nào sau đây là tập rỗng?

A. $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$.

B. $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 < 2\}$.

C. $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 < \frac{1}{x}\}$.

D. $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 2 = 0\}$.

Câu 30: Cho 2 tập hợp $A = \{x \in \mathbb{R} \mid |x+1| \leq 3\}$, $B = \{-4; -3; -1; 0; 1\}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $A \setminus B = \emptyset$.

B. $C_{\mathbb{R}} A = (-\infty; -3) \cup (3; +\infty)$.

C. $A \cup B = \{-4; -3; -2; -1; 0; 1; 2; 3\}$.

D. $C_A B = \{-2; 2\}$.

Câu 31: Hai véc tơ được gọi là bằng nhau nếu chúng:

A. Cùng phương và cùng độ dài.

B. Cùng hướng và cùng độ dài.

C. Cùng hướng..

D. Cùng độ dài.

Câu 32: Cặp số nào sau đây **không** phải là 1 nghiệm của bất phương trình $x - 5y \geq 6$

A. $(1; 1)$

B. $(-1; -2)$

C. $(-2; -3)$

D. $(1; -1)$

Câu 33: Khẳng định nào sau đây **sai**?

A. M là trung điểm của đoạn thẳng AB khi và chỉ khi $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$.

B. $ABCD$ là hình bình hành khi và chỉ khi $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$.

C. G là trọng tâm tam giác ABC khi và chỉ khi $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$.

D. Ba điểm A, B, C phân biệt thẳng hàng khi và chỉ khi $\overrightarrow{AB}$ và $\overrightarrow{AC}$ cùng phương.

Câu 34: Dùng kí hiệu $\forall$ hoặc $\exists$ để viết lại mệnh đề sau: “Có số tự nhiên mà bình phương của nó không lớn hơn 2”.

A. " $\exists n \in \mathbb{N}, n^2 < 2$ ".

B. " $\forall n \in \mathbb{N}, n^2 < 2$ ".

C. " $\exists n \in \mathbb{N}, n^2 \leq 2$ ".

D. " $\exists n \in \mathbb{N}, n^2 \leq 2$ ".

Câu 35: Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $F = x - 2y$ trên miền nghiệm của hệ bất phương trình

$$\begin{cases} x+1 \geq 0 \\ x+y \leq 2 \\ x-2y \leq 2 \end{cases}$$

A. -7.

B. -11.

C. -2.

D. 2.

PHẦN II: TỰ LUẬN (3 điểm)

Câu 36. (1điểm) Cho 2 tập hợp $A = [-3; 6]$, $B = [2m - 4; 2m + 3]$

a/ (0.5điểm) Tìm tập hợp $A \cap \mathbb{R}$

b/ (0.5điểm) Tìm m để $A \cap B = \emptyset$

Câu 37. (1điểm) Cửa hàng thời trang Việt Tiến muốn kinh doanh thêm 2 loại áo thun mẫu mới trong dịp tết này với số vốn đầu tư không quá 72 triệu đồng. Loại dài tay giá mua vào 800.000 đồng và lãi 150.000 đồng 1 áo, loại ngắn tay giá mua vào 600.000 đồng và lãi 120.000 đồng 1 áo. Cửa hàng ước tính nhu cầu của khách không quá 100 cái cho cả 2 loại. Lập phương án kinh doanh sao cho có lãi nhất.

Câu 38. (1điểm) Cho tam giác ABC có diện tích $72cm^2$, hai đường trung tuyến AM và BN có độ dài lần lượt là $12cm$ và $9cm$.

a/ (0.5điểm) Tính độ dài véc tơ $\overrightarrow{MN}$

b/ (0.5điểm) Tìm tập hợp điểm K sao cho $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{KB}| = |\overrightarrow{KN} + \overrightarrow{MK}|$.

----- HẾT -----